

Počítání s mocninami

1) Místo čtverečku doplňte správné znaménko větší, menší nebo rovnosti:

- a) $2^3 \square 4^2$; b) $3^3 \square 5^2$; c) $(-3)^5 \square (-5)^2$; d) $(-10)^2 \square 2^{10}$;
 e) $2^6 \square 5^2$; f) $1^5 \square 2^3$; g) $(-3)^4 \square (-9)^2$; h) $(-5)^4 \square 12^4$;
 i) $18^3 \square 18^8$; j) $(-9)^8 \square (9)^8$; k) $(-7)^{10} \square (-7)^{13}$; l) $5^{10} \square (-5)^{11}$;
 m) $1,1^2 \square 1,1^3$; n) $0,2^4 \square 0,2^5$; o) $1,2^2 \square 1,2^3$; p) $0,1^4 \square 0,01^2$;

1) Vypočítej součty mocnin:

$$\begin{aligned} a) & 7x^5 - 5x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 4x + 4 + 5x^5 - x^4 + 2x^3 - 4x + 9 = \\ b) & 4x^5 - 2x^3 - 2x^2 + 6 + 7x^5 - 5x^4 + 3x^4 - 2x^2 - 4x + 1 = \\ c) & -5x^4 + 3x^3 - 2x^2 + 4x + 6 + 7x^5 + 3x^4 - 2x^2 + 7x^5 - 4x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 4x + 4 = \\ d) & 7x^6 - 5x^4 + 3x^3 - 2x^2 + 4x + 4 + 7x^5 - 5x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 4x + 4 + 7x^5 - 5x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 4x + 4 = \\ e) & 4(x+y)^2 - 3(x-y)^2 + 4(x+y)^2 - 0,4(x-y)^2 + 0,6(x+y)^2 - 0,5(x-y)^2 = \end{aligned}$$

2) Uprav, nepočítej:

- a) $2 \cdot 7^6 + 3 \cdot 7^6$; b) $4 \cdot 5^{13} - 8 \cdot 5^{13}$; c) $12 \cdot 11^3 - 9 \cdot 11^3$;
 d) $5 \cdot 9^2 - 9^2$; e) $3 \cdot \left(\frac{7}{9}\right)^4 - 5 \cdot \left(\frac{7}{9}\right)^4$; f) $6 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^5 + \left(\frac{2}{3}\right)^5$;
 g) $7^{11} - 3 \cdot 7^{10}$; h) $5 \cdot (-2)^7 + 6 \cdot (-2)^7$; i) $3 \cdot 0,8^2 + 4 \cdot 0,8^2$;
 j) $2 \cdot 3^7 + 11 \cdot 3^7 + 17 \cdot 3^7 + 3 \cdot 3^7 - 169 \cdot 3^7 + 50 \cdot 3^7 - 4 \cdot 3^7 + 100 \cdot 3^7$;

3) Vypočítej:

- a) $8 \cdot 7^2 - 3 \cdot 7^2$; b) $8 \cdot 5^4 - 6 \cdot 5^4$;
 c) $6 \cdot 2^6 + 10 \cdot 11^2 - 5 \cdot 2^6 - 8 \cdot 11^2$; d) $3 \cdot 5^3 - 7 \cdot 5^3 - 4 \cdot 3^4 + 6 \cdot 5^3$;
 e) $12 \cdot 2^5 - 4 \cdot 2^6 + 3 \cdot 2^6 - 10 \cdot 2^5$; f) $19 \cdot 4^2 + 5 \cdot 4^3 - 14 \cdot 4^2 - 4^4$;

4) Vypočítej jako mocninu se stejným základem:

$$\begin{array}{ll} a) 12^4 \cdot 12^3 = & f) (-a)^4 \cdot 4(-a)^2 = \\ b) (-5)^5 \cdot (-5)^4 = & g) 20a^2 \cdot (-20)a^5 = \\ c) (-4)^2 \cdot (-4)^{-3} = & h) b^{-3}c^{-4} \cdot 3a^{-2}c^{-4} \cdot 2xb^{-5}cd^{-1} = \\ d) 3a^2b^5c^{-4} \cdot 0,2a^2b^{-4}c^{-2} \cdot 7a^{-1}b^3c = & i) 20x^5 \cdot 52x^{-3} \cdot 43y^{-3} = \\ e) a^8 \cdot 2a^2 = & \end{array}$$

Počítání s mocninami

5) Zapiš jako jednu mocninu:

$$\begin{array}{llll} \text{a)} & 7^5 \cdot 7^3 ; & \text{b)} & (-5)^2 \cdot (-5)^4 ; \\ \text{c)} & 0,6^9 \cdot 0,6^5 ; & \text{d)} & 11^8 \cdot 11^7 ; \\ \text{e)} & 15^3 \cdot 15^6 ; & \text{f)} & \left(\frac{13}{4}\right)^6 \cdot \left(\frac{13}{4}\right)^4 ; \\ \text{g)} & 3^5 \cdot 3^6 \cdot 3^7 ; & \text{h)} & 14^8 \cdot 14 \cdot 14^2 ; \\ \text{i)} & 17^1 \cdot 17^2 \cdot 17^3 \cdot 17^4 \cdot 17^5 \cdot 17^6 \cdot 17^7 \cdot 17^8 ; \end{array}$$

6) Vypočítej jako mocninu se stejným základem:

$$\begin{array}{ll} \text{a)} & 12^4 : 12^3 = \\ \text{b)} & (-5)^5 : (-5)^4 = \\ \text{c)} & (-4)^2 : (-4)^{-3} = \\ \text{d)} & 10a^8 : 2a^2 = \\ \text{e)} & 16(-a)^4 : 4(-a)^2 = \\ \text{f)} & 20a^2 : (-20)a^5 = \\ \text{g)} & 12a^6 : 2a^4 + (-25a^4) : (-5a^2) = \end{array}$$

7) Zapiš jako jednu mocninu:

$$\begin{array}{llll} \text{a)} & 7^5 : 7^3 ; & \text{b)} & (-5)^6 : (-5)^3 ; \\ \text{c)} & 0,6^9 : 0,6^5 ; & \text{d)} & 11^8 : 11^7 ; \\ \text{e)} & 15^8 : 15 ; & \text{f)} & 14^{20} : 14^{14} ; \\ \text{g)} & 3^{15} : 3^{11} ; & \text{h)} & \left(\frac{13}{4}\right)^6 : \left(\frac{13}{4}\right)^4 ; \\ \text{i)} & 7,3^8 : 7,3^4 ; & \text{j)} & (-6)^3 : (-6)^3 ; \\ \text{k)} & 3^{99} : 3^{88} ; & \text{l)} & \left(\frac{12}{5}\right)^2 : \left(\frac{12}{5}\right) ; \\ \text{m)} & 6^4 : 6^4 ; & \text{n)} & (-3)^2 : (-3)^2 ; \\ \text{o)} & \frac{13^5}{13^5} ; & \text{p)} & \left(\frac{2}{5}\right)^9 : \left(\frac{2}{5}\right)^9 ; \\ \text{q)} & \frac{5^9}{5^7} ; & \text{r)} & \frac{13^6}{13^5} ; \\ \text{s)} & \frac{3^{13}}{3^{11}} ; & \text{t)} & \frac{12^9}{12^6} ; \end{array}$$

8) Uprav, nepočítej:

$$\begin{array}{llll} \text{a)} & (3^3)^4 ; & \text{b)} & ((-6)^5)^7 ; \\ \text{c)} & (0,17^4)^{11} ; & \text{d)} & \left(\frac{11^3}{6^3}\right)^8 ; \\ \text{e)} & \left(\left(\frac{7}{3}\right)^8\right)^5 ; \\ \text{f)} & (19^4)^2 ; & \text{g)} & ((-2)^6)^3 ; \\ \text{h)} & (2,13^9)^5 ; & \text{i)} & \left(\frac{2^6}{13^6}\right)^4 ; \\ \text{j)} & \left(\left(\frac{5}{2}\right)^3\right)^2 ; \\ \text{k)} & (10^5)^7 ; & \text{l)} & ((-1)^3)^{13} ; \\ \text{m)} & \frac{(7^3)^5}{(7^6)^2} ; & \text{n)} & \left(\frac{5^6}{4^2}\right)^9 ; \\ \text{o)} & \left(\frac{7^3}{12^5}\right)^2 ; \end{array}$$

9) Zapiš jako jednu mocninu tak, aby základem bylo prvočíslo:

$$\begin{array}{llll} \text{a)} & 27^4 ; & \text{b)} & 64 ; \\ \text{c)} & (125^5)^2 ; & \text{d)} & 8^7 ; \\ \text{e)} & (81^3)^9 ; & \text{f)} & \left((25^3)^4\right)^5 ; \\ \text{g)} & 9 \cdot 27 ; & \text{h)} & 16^3 \cdot 8^4 ; \\ \text{i)} & \frac{512}{4} ; \end{array}$$